

# PATENT OFFICE JAPANESE GOVERNMENT

This is to certify that the annexed is a true copy of the following application as filed with this Office.

Date of Application:

June 30, 2000

Application Number:

P2000-198374

Applicant(s):

VICTOR COMPANY OF JAPAN, LIMITED

June 7, 2001

Commissioner,

Patent Office

Kozo Oikawa

Number of Certification: 2001-3053426





## 日本国特許 JAPAN PATENT OFFICE

別紙添竹の書類に記載されている事項は下記の出願書類に記載されている事項と同一であることを証明する。

This is to certify that the annexed is a true copy of the following application as filed with this Office

出願年月日 Date of Application:

2000年 6月30日

出 願 番 号
Application Number:

特願2000-198374

出 願 人 Applicant(s):

日本ビクター株式会社

2001年 6月 7日

特 許 庁 長 官 Commissioner, Japan Patent Office



## 特2000-198374

【書類名】 特許願

【整理番号】 412000253

【提出日】 平成12年 6月30日

【あて先】 特許庁長官殿

【国際特許分類】 H04L 27/30

【発明者】

【住所又は居所】 神奈川県横浜市神奈川区守屋町3丁目12番地 日本ビ

クター株式会社内

【氏名】 高岡 勝美

【特許出願人】

【識別番号】 000004329

【氏名又は名称】 日本ビクター株式会社

【代表者】 守隨 武雄

【電話番号】 045-450-2423

【手数料の表示】

【予納台帳番号】 003654

【納付金額】 21,000円

【提出物件の目録】

【物件名】 明細書 1

【物件名】 図面 1

【物件名】 要約書 1

【プルーフの要否】 要

【書類名】

明細書

【発明の名称】

再帰型離散フーリエ変換方法

【特許請求の範囲】

【請求項1】

間隔が一定である時刻t、t+1、t+2、t+3、・・・・・、t+N-1、t+N、(Nは1以上の正の整数)のそれぞれの時点においてサンプリングして得られたデータ値x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)、x(t+N)が供給され、その供給されたデータ値に対する時刻tから供給されるN個のデータ値をデータ列とし、そのデータ列に対して複素フーリエ変換を行なって得られる次数k(kは0、又はNより小さな正の整数)である周波数成分として、その実数部Xr(k,t)、及び虚数部Xi(k,t)のそれぞれを複素フーリエ係数として得る離散フーリエ変換方法において、

時刻t+N-1において時刻tから供給されたデータ列x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)を第1の記憶手段に一時記憶する第1のステップと、

その第1のステップで一時記憶されたデータ列の複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を得る第2のステップと、

その第2のステップで得られた複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を第 2の記憶手段に一時記憶する第3のステップと、

時刻t+Nにおいて供給されるデータ値x(t+N)と、第1の記憶手段に一時記憶されたデータデータ値x(t)と、第2の記憶手段に一時記憶された複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)とを用い、時刻t+1から供給されるデータ列に対する複素フーリエ係数Xr(k, t+1)、及びXi(k, t+1)を、前記x(t+N)と、前記x(t)との差の値に対する振幅値を与えるための正の定数値xに対して、

【数1】

$$X_{i}(k,t+1) = \left\{ X_{i}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$
$$\times \cos \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right] + X_{i}(k,t) \sin \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right]$$

$$X_{i}(k,t+1) = X_{i}(k,t)\cos\left[2\frac{\pi k}{N}\right]$$
$$-\left\{X_{r}(k,t) + \frac{1}{A}\left[x(t+N) - x(t)\right]\right\}\sin\left[2\frac{\pi k}{N}\right]$$

により得る第4のステップと、

よりなることを特徴とする再帰型離散フーリエ変換方法。

#### 【請求項2】

標本化周波数をfsとし、間隔が一定である時刻t、t+1、t+2、t+3、・・・・・、t+N-1、t+N、(Nは1以上の正の整数)のそれぞれの時点においてサンプリングして得られたデータ値x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)、x(t+N)が供給され、その供給されたデータ値に対する時刻tから供給されるN個のデータ値をデータ列とし、そのデータ列に対して最低周波数f1と最高周波数f2で与えられる周波数間隔を計測周波数間隔とするとともに、その計測周波数間隔を前記Nで除した周波数間隔を分析周波数間隔とし、その分析周波数間隔ごとに複素フーリエ変換を行なって得られる周波数分析結果を、周波数間隔のk倍(kは0、又はNより小さな正の整数)である周波数成分として、その実数部Xr(k,t)、及び虚数部Xi(k,t)のそれぞれを複素フーリエ係数として得る離散フーリエ変換方法において、

時刻t+N-1において時刻tから供給されたデータ列x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)を第1の記憶手段に一時記憶する第1のステップと、

その第1のステップで一時記憶されたデータ列の複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を得る第2のステップと、

その第2のステップで得られた複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を第2の記憶手段に一時記憶する第3のステップと、

時刻 t+Nにおいて供給されるデータ値x(t+N)と、第1の記憶手段に一時記憶されたデータデータ値x(t)と、第2の記憶手段に一時記憶された複素フーリエ係数xr(x)、及びxi(x)、とを用い、時刻 x0 を用いるデータ列に対する、前記最低周波数x1 と最高周波数x2 により与えられる前記周波数間隔における複素フーリエ係数x2 により、及びx3 には、x4 に対して、前記x5 に対して、の差の値に対する振幅値を与えるための正の定数値Aに対して、

$$X_{r}(k,t+1) = \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$

$$\times \cos \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$+ X_{i}(k,t) \sin \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$X_{i}(k,t+1) = X_{i}(k,t)$$

$$\times \cos \left\{ 2\frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2-f1)k}{N-1} + f1 \right] \right\}$$

$$-\left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$

$$\times \sin \left\{ 2\frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2-f1)k}{N-1} + f1 \right] \right\}$$

により得る第4のステップと、

よりなることを特徴とする再帰型離散フーリエ変換方法。

## 【請求項3】

【数2】

前記正の定数値aが用いられて逆離散フーリエ変換された逆離散フーリエ変換データが供給され、その供給された逆離散フーリエ変換データに対する複素フーリエ変換係数を得る離散フーリエ変換方法において、

その離散フーリエ変換は、前記逆離散フーリエ変換時に用いられた定数 a に対応する値の定数値Aを用いて離散フーリエ変換を行なうことを特徴とする請求項1 又は2 に記載の再帰型離散フーリエ変換方法。

#### 【請求項4】

前記複素フーリエ係数の次数を示すkを所望の値に設定し、その設定したkの値に対するフーリエ変換を、前記間隔が一定である時刻毎に繰り返して行うことを特徴とする請求項1又は2に記載の再帰型離散フーリエ変換方法。

#### 【発明の詳細な説明】

[0001]

#### 【発明の属する技術分野】

本発明は、フーリエ変換の演算方法に関し、特に簡易な演算処理によるフーリエ変換を行い、フーリエ変換の演算結果を短時間に得るための演算方法に関するものである。

[0002]

#### 【従来の技術】

従来より、時系データ列の周波数分析等に用いるフーリエ変換手法は音響信号 処理分野、医療用機器の画像データ処理分野等における信号のスペクトル解析の 外に、音響信号や画像信号の高圧縮符号化方式に、さらには通信分野における変 調、復調技術として幅広く用いられている。

[0003]

そのフーリエ変換手法は、デジタル量として標本化されたデータ列を、N個(Nは整数値、例えば1024)の集団として扱い、そのN個のデータ列が存在する時間間隔を窓期間とするとともに、その窓期間を基本周波数とし、その窓期間に存在するデータ列の信号成分を基本周波数の高調波信号の実数部成分、及び虚数部成分として求めるものである。

[0004]

そして、この様にして扱うデータ列が、所定の期間毎に標本化された離散的なデータ列として扱われ、その離散データに対するフーリエ変換を行う手法は離散フーリエ変換 (DFT; Discrete Fourier Transform) と呼ばれ、その離散フー

リエ変換技術は、例えば製造工程の状態を離散データにより得て、その得られた データを分析することにより工程品質を最良に保ち、製造される製品の良品率を 向上させるといったような制御技術の中での分析技術としても利用されるなど、 その応用分野は年々広げられている。

この様にしてなされる離散フーリエ変換技術は、供給される信号を一定時間間隔でサンプリングし、そのサンプリングして得られる電圧値を標本化されたデータとして得、その得られたデータの集合であるデータ列が、所定の時間 t において得られるN個のデータx(t)、x(t+1)、x(t+2)、・・・・、x(t+N-2)、x(t+N-1)であるとき、そのN個のデータに対して求められる離散フーリエ変換の値x(k,t)は次式で定義される。

[0006]

【数3】

$$X(k,t) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \exp\{-j2(n-t)\frac{\pi k}{N}\}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} \left\{ x_r(n) \cos\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right] + x_i(n) \sin\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right] \right\}$$

$$+ j \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} \left\{ -x_r(n) \sin\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right] + x_i(n) \cos\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right] \right\}$$

$$\cdots \cdots \overrightarrow{x}(1)$$

for 
$$k = 0, 1, \dots, N-1$$

[0007]

この式からも分かるように、フーリエ変換は供給されるデータ列に対し求める ポイント毎に固有の基底関数を畳み込むようにして行われ、その基底関数を畳み 込む演算を、多数の乗算処理により行うようにしている。

[0008]

このようにして、その乗算処理を専用の乗算回路により、又はDSP(Digita I signal processor)などを用いて行う場合などは、これらの乗算回路、ないしはDSPなどの演算のために使用されるハードウエアに対する負担が非常に大き

いことが知られている。

[0009]

その乗算処理にする負担は、前述の式(1)で表される変換式による場合、4 N<sup>2</sup>回の乗算を必要とし、例えばNが1024である場合の乗算回数は約420 万回となってしまうため、この回数の乗算を行うための回路規模は大きくなり、演算処理の負担が非常に大きくなり、さらにデータ列として取り扱うポイント数 Nが大きくなると乗算処理回数も2乗倍で増加するなど好ましくない。

[0010]

そこで通常は、離散フーリエ変換式について、基底関数が周期的な関数から成っていることを利用し、その規則性に着目して行列の変形を行うことにより演算効率を高めたFFT (Fast Fourier Transform: 高速フーリエ変換)が利用されるようになっている。

[0011]

そのFFTには、バタフライ演算といわれる演算手法が用いられており、その バタフライ演算は、簡単な整数値である、例えば2を基数として定義し、供給さ れる2値の複素データに対して加算、減算、乗算の複素演算を各1回ずつ行い、 2値の複素データを出力するように構成している。

[0012]

従って、NポイントのFFTは、log<sub>2</sub>N段のステージと、(N/2)log<sub>2</sub>N個のバタフライ演算により構成されており、(2N)log<sub>2</sub>N回の乗算処理回数によりFFTの演算結果を得ることができるなど、演算効率の高いフーリエ変換として用いられている。

[0013]

通常は、この様にしてなされるFFT、もしくはDFT(Discrete Fourier Transform:離散フーリエ変換)が用いられて、一定時間間隔で逐次サンプリングされて供給されるデータ列に対してフーリエ変換が行われるが、そのフーリエ変換は、サンプリングされ、標本化されたデータ列を順次メモリ回路に一時記憶しつつ、そのメモリ回路に一時記憶されたデータ数がN個となったときに、そのN個のデータに対するフーリエ変換処理を開始するようにしている。

## [0014]

その変換処理を行っている期間はメモリ回路に一時記憶されたデータは記憶されたままの状態に保たれたままでフーリエ変換処理がなされ、演算処理が終了した時点で、再度新しいデータをメモリ回路に供給して一時記憶し、N個の所定量のデータが記憶された後に再度変換処理を開始する様になされている。

#### [0015]

しかし、フーリエ演算処理を行っているときにもデータは休みなく供給される ため、別系統としてN個のデータ列を蓄えるメモリ回路を設けておき、N個のデ ータが供給される毎に、交互に一時記憶処理と演算処理を行なうようにして、連 続的に供給される時系列データに対するフーリエ変換処理を行なう方法もとられ ている。

#### [0016]

#### 【発明が解決しようとする課題】

このようにしてなされるフーリエ変換の方法は、N個の一時記憶されたデータ列に対して、すなわちデータ列をブロック単位として扱いながら演算処理を行うため、このようにしてなされるフーリエ変換処理では少なくともN個分のデータ列に相当する遅延時間が生じてしまい、リアルタイムに変換結果を得ることはできない。

従って、データ列は逐次的に供給されるものの、フーリエ解析した結果はN個のサンプリング時間間隔毎にしか得られないこととなる。

#### [0017]

これに対し、逐次供給される、サンプリングされる新たなデータを含むNポイントのデータ列に対してフーリエ変換処理を行い、サンプリングされたデータが供給される毎にフーリエ変換処理した結果を得るためには、その1サンプリング期間内にNポイントのフーリエ変換処理を行わなければならないこととなり、このような高速演算処理用に開発されたFFT演算手法を用いる場合でも、そのFFTから連続して演算されたフーリエ変換結果を得るためには、N倍の演算処理速度が要求され、そのような超高速なFFTを行ない、得られた演算結果を供給することは通常の場合は困難である。

#### [0018]

フーリエ変換は、一般にFFT演算処理手法が用いられるが、そのFFT演算処理はサンプリング周波数がfsで量子化されて供給されるNポイントのデータ列に対して、通常はfs/Nの周波数間隔で演算処理を行う。

#### [0019]

一般には、演算処理中に供給される時系列データに対しても連続してフーリエ解析処理がなされるよう、フーリエ変換処理中にも他のバッファメモリにデータを取り込むようにし、一方のバッファメモリに一時記憶されたデータを演算処理している期間に他方のバッファメモリに供給されるデータを取り込み、N個のデータ取り込みを終了した時点で演算処理とデータ取り込み処理を切り換えてフーリエ演算処理を行なう方法はあるが、この場合は2組のバッファメモリとFFT演算処理手段が必要となり経済的に好ましい方法ではない。

#### [0020]

またこの方法では、供給されるN個の時系列データを纏めて扱うブロック処理である為、取り込まれたNポイントのデータに対するフーリエ変換結果が出力されるのはNサンプリング時間後であり、そのときに得られる解析結果はNサンプル毎のフーリエ変換処理結果のみしか出力されない。

#### [0021]

このようにして、逐次新たにサンプリングされて供給されるデータを含む最新のNポイントのデータに対するフーリエ変換結果をリアルタイムに出力することは出来なく、リアルタイムに変換結果を出力するためには上述のようなサンプリング期間毎のフーリエ変換処理が必要であるが、1サンプリング時間間隔で連続してフーリエ変換を行うことは、単位時間当りの演算量が膨大となり現実的ではない。

## [0022]

一方、連続してフーリエ変換処理された演算結果を得る方法として、特開平1 -59454「フーリエ変換装置及びフーリエ変換法」が提案されている。

この公報には、サンプリングされて供給される振動波形値をフーリエ変換する 方法について記述されているが、同変換法は新しく供給される振動波形値と、既 に供給されフーリエ演算処理に用いられた古い振動波形値との差の値を求め、既 に演算処理されて得られている古い複素振幅値より新しい複素振幅値を、振動波 形のサンプリング値が供給される毎に得るというものである。

[0023]

しかし、連続的にフーリエ変換を行う手法について特開平1-59454「フーリエ変換装置及びフーリエ変換法」が記述している、連続的にフーリエ変換を行うことが出来ることを利用したアプリケーションとして周波数解析などが考えられるが、そのようなアプリケーションを考慮した場合、任意の周波数帯域を任意の解像度で解析する要求もある。

[0024]

しかしながら、前述の公報はそれらの点については考えられていない。

そこで本発明は、フーリエ解析を所望する任意の周波数帯域について、所望する任意の解像度を有して変換を行うのに適す連続的フーリエ変換手法を提供しようというものである。

[0025]

【課題を解決するための手段】

本発明は、上記課題を解決するために以下の1)~4)の手段より成るものである。

すなわち、

[0026]

1) 間隔が一定である時刻t、t+1、t+2、t+3、・・・・・、t+N-1、t+N、(Nは1以上の正の整数)のそれぞれの時点においてサンプリングして得られたデータ値x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)、x(t+N)が供給され、その供給されたデータ値に対する時刻tから供給されるN個のデータ値をデータ列とし、そのデータ列に対して複素フーリエ変換を行なって得られる次数k(kは0、又はNより小さな正の整数)である周波数成分として、その実数部Xr(k,t)、及び虚数部Xi(k,t)のそれぞれを複素フーリエ係数として得る離散フーリエ変換方法において、

時刻t+N-1において時刻tから供給されたデータ列x(t)、x(t+1)、x(t

+2) 、x (t+3) 、・・・・・、x (t+N-1) を第1の記憶手段に一時記憶する第1のステップ (図1の符号1に対応、以下同様) と、

その第1のステップで一時記憶されたデータ列の複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を得る第2のステップ(3)と、

その第2のステップで得られた複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を第 2の記憶手段に一時記憶する第3のステップ(4)と、

時刻t+Nにおいて供給されるデータ値x(t+N)と、第1の記憶手段に一時記憶されたデータデータ値x(t)と、第2の記憶手段に一時記憶された複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)とを用い、時刻t+1から供給されるデータ列に対する複素フーリエ係数Xr(k, t+1)、及びXi(k, t+1)を、前記x(t+N)と、前記x(t+N)と、前記x(t+N)と、

[0027]

【数4】

$$X_{r}(k,t+1) = \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$
$$\times \cos \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right] + X_{i}(k,t) \sin \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right]$$

$$X_{i}(k,t+1) = X_{i}(k,t)\cos\left[2\frac{\pi k}{N}\right]$$
$$-\left\{X_{r}(k,t) + \frac{1}{A}\left[x(t+N) - x(t)\right]\right\}\sin\left[2\frac{\pi k}{N}\right]$$

[0028]

により得る第4のステップ(3)と、

よりなることを特徴とする再帰型離散フーリエ変換方法。

[0029]

2) 標本化周波数をf s と し、間隔が一定である時刻t、t+1、t+2、t+3、 $\cdots$  ・ ・ ・ ・ 、 t+N-1、t+N、 (Nは 1 以上の正の整数) のそれぞれの時点においてサンプリングして得られたデータ値x (t)、x (t+1)、x (t+2)、x (t+3)

3)、・・・・・、×(t+N-1)、×(t+N)が供給され、その供給されたデータ値に対する時刻tから供給されるN個のデータ値をデータ列とし、そのデータ列に対して最低周波数f1と最高周波数f2で与えられる周波数間隔を計測周波数間隔とするとともに、その計測周波数間隔を前記Nで除した周波数間隔を分析周波数間隔とし、その分析周波数間隔ごとに複素フーリエ変換を行なって得られる周波数分析結果を、周波数間隔のk倍(kは0、又はNより小さな正の整数)である周波数成分として、その実数部Xr(k, t)、及び虚数部Xi(k, t)のそれぞれを複素フーリエ係数として得る離散フーリエ変換方法において、

時刻t+N-1において時刻tから供給されたデータ列x(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・、x(t+N-1)を第1の記憶手段に一時記憶する第1のステップ(1)と、

その第1のステップで一時記憶されたデータ列の複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を得る第2のステップ(3)と、

その第2のステップで得られた複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)を第 2の記憶手段に一時記憶する第3のステップ(4)と、

時刻t+Nにおいて供給されるデータ値x(t+N)と、第1の記憶手段に一時記憶されたデータデータ値x(t)と、第2の記憶手段に一時記憶された複素フーリエ係数Xr(k, t)、及びXi(k, t)とを用い、時刻t+1から供給されるデータ列に対する、前記最低周波数f1と最高周波数f2により与えられる前記周波数間隔における複素フーリエ係数Xr(k, t+1)、及びXi(k, t+1)を、前記x(t+N)と、前記x(t)との差の値に対する振幅値を与えるための正の定数値xに対して、

[0030]

【数5】

$$X_{r}(k,t+1) = \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$

$$\times \cos \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$+ X_{i}(k,t) \sin \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$X_{i}(k,t+1) = X_{i}(k,t)$$

$$\times \cos \left\{ 2\frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2-f1)k}{N-1} + f1 \right] \right\}$$

$$-\left\{ X_{i}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$

$$\times \sin \left\{ 2\frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2-f1)k}{N-1} + f1 \right] \right\}$$

[0031]

により得る第4のステップ(3)と、

よりなることを特徴とする再帰型離散フーリエ変換方法。

[0032]

3) 前記正の定数値 a が用いられて逆離散フーリエ変換された逆離散フーリエ変換データが供給され、その供給された逆離散フーリエ変換データに対する複素フーリエ変換係数を得る離散フーリエ変換方法において、

その離散フーリエ変換は、前記逆離散フーリエ変換時に用いられた定数 a に対応する値の定数値 A を用いて離散フーリエ変換を行なうことを特徴とする請求項 1 又は 2 に記載の再帰型離散フーリエ変換方法。

[0033]

4) 前記複素フーリエ係数の次数を示すkを所望の値に設定し、その設定したkの値に対するフーリエ変換を、前記間隔が一定である時刻毎に繰り返して行うことを特徴とする請求項1又は2に記載の再帰型離散フーリエ変換方法。

[0034]

#### 【発明の実施の形態】

以下、本発明の再帰型離散フーリエ変換方法の実施の形態につき、好ましい実 施例により説明する。

図1は、その方法を適応した再帰型離散フーリエ変換装置の実施例を示したものであり、同図と共に説明する。

[0035]

その再帰型離散フーリエ変換装置は一定時間間隔でサンプリングされたデータが供給され、供給された最新のN個(Nは正の整数)のデータを一時記憶するデータ更新部1と、離散フーリエ変換を行なうための基底周波数を設定する基底周波数設定部2と、再帰型DFT演算を行なう再帰型DFT演算部3と、演算されたデータを一時記憶するメモリ部4とより構成される。

[0036]

次に、この様に構成される再帰型離散フーリエ変換装置の動作について説明する。

まず、供給されるデータは図示しないサンプリング回路により一定時間間隔でサンプリングされ、サンプリングされて量子化された離散データがデータ更新部1に供給される。

[0037]

そのサンプリング回路は、間隔が一定である時刻t、t+1、t+2、t+3、・・・・、t+N-1、t+N (Nは自然数) において供給されるデータ値のサンプリングを行ない、その時刻に供給されているデータ値をそれぞれの時刻に対応したサンプリング値としてデータ列x (t)、x (t+1)、x (t+2)、x (t+3)、・・・・・、x (t+N-1)、x (t+N) を生成する。

[0038]

このサンプリング回路の動作は、供給されるアナログ信号をデジタル信号に変換するA/D変換器の動作と同様であり、サンプリング周波数の逆数で与えられる一定時間間隔で供給されるアナログ信号電圧値をデジタル信号値に変換するものであり、変換されたデジタル信号値はパルス振幅変調信号を与えるアナログ電

## 特2000-198374

圧と相似の関係にある電圧であったり、あるいはその電圧値を2進数のデジタル 値で表現するものであったりする。

[0039]

このようにして、データ更新部 1 には、時刻 t でサンプリングされたサンプリングデータx(t)、時刻 t+1におけるx(t+1)、・・・・・、時刻 t+N-1におけるx(t+N-1)、時刻 t+Nにおけるx(t+N)、・・・・が供給される。、

[0040]

データ更新部1は、供給されるデータのうち、最新に供給されるデータ数N個(Nは正の整数)のデータを更新しつつ一時記憶する。

即ち、供給されるデータがx(t)より開始され、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)のように供給されるときは、供給されたデータx(t)、x(t+1)、x(t+2)、x(t+3)の全てを一時記憶し、その一時記憶の動作はデータx(t+N-1)が入来するまで継続し、x(t+N-1)のデータが入来した段階で総データ数はN個となりデータ更新部のデータ領域がフルとなる。

[0041]

このような状態で、次のデータx(t+N)が供給されるときは、総データ数がN+1となるため、データ更新部 1 はx(t+N)よりx(t)を減算し、減算して得られるデータを再帰型DFT演算部 3 に供給するとともに、一番古いデータx(t)をメモリ部より除去し、データ更新部 1 はx(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)、x(t+N)のx0のx1のx2ののデータを一時記憶する。

[0042]

同様にして、データ更新部 1 は、次のデータx (t+N+1) が供給されるときは データx (t+N+1) -x(t+1)を求めて再帰型DFT演算部に供給するとともに 、x(t+1)をメモリより削除するようにし、常に供給されるデータの内最新のN 個のデータをデータ更新部 1 に一時記憶する。

[0043]

このようにして、一時記憶されるN個のデータは再帰型DFT演算部に供給され、その再帰型DFT演算部は基底周波数設定部2で設定される周波数解像度情報に従って、及びメモリ回路4に一時記憶された前回のFFT演算結果は再起型

DFTに再帰データとして供給され、後述の方法により再帰型離散フーリエ変換 演算が行なわれ、その演算結果が出力されるようになっている。

#### [0044]

次に、この再帰型離散フーリエ演算処理方法について、従来から行なわれているフーリエ演算処理をも参照しつつ、さらに詳細に説明する。

図2に、供給される信号波形をサンプリング期間 t s でサンプリングして得られるデータ値と、それに対するDFT演算の関係を模式的に説明する。

同図において、時間 t より一定のサンプリング期間でサンプリングされたN個の実数データ値、x (t)、x (t+1)、x (t+2)、x (t+3)、・・・・・、x (t+N-1) の集合、及び時間 t+1 よりサンプリングされて得られるN個の実数データ値、x (t+1)、x (t+2)、x (t+3)、・・・・・、x (t+N-1)、x (t+N) の集合を示してある。

## [0046]

そして、その時間 t よりサンプリングされたN個の実数データ値であるデータ 列に対して求められる離散フーリエ変換の値X(k、t)は次式で定義される。

【数 6 】

$$X(k,t) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \exp\left[-j2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right] \qquad \cdots \qquad \overrightarrow{x}(2)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \cos\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right]$$

$$-j\frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \sin\left[2(n-t)\frac{\pi k}{N}\right]$$

$$= X_{c}(k,t) - jX_{i}(k,t)$$

for 
$$k = 0,1,...,N-1$$

[0048]

このようにして定義された、任意の時間 t より供給されたサンプリングデータ列、x (t) ~x (t+N-1) の実数部 $X_r$  (k, t) 、及び虚数部 $X_i$  (k, t) の変換を次のように定義する。

[0049]

【数7】

$$X_{r}(k,t) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \cos \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \qquad \therefore \vec{x}(3)$$

$$X_{i}(k,t) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t}^{t+N-1} x(n) \sin \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \qquad \cdots \vec{x}(4)$$

[0050]

このようにして時間 t より供給されたサンプリングデータ列に対する変換式が 定義されるが、次に時間 t + 1 より供給されるサンプリングデータ列に対する変 換式について述べる。

for k = 0,1,...,N-1

[0051]

すなわち、その時間 t+1 より供給されるサンプリングデータ列はx(t+1)、x(t+2)、x(t+3)、・・・・・、x(t+N-1)、x(t+N) の集合として示されるが、これは時間 t より供給されるデータ列に対し、データx(t)が削除され、新たなデータが追加されているため、実数部の変換は次式で示されるとともに、その示された式は次のように展開される。

[0052]

【数8】

$$X_{r}(k,t+1) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \cos \left[ 2(n-t-1) \frac{\pi k}{N} \right] \cdots \overrightarrow{\pi}(5)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{N}} \left\{ \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \cos \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \cos \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] + \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \sin \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \sin \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] \right\}$$

$$= Y_{r}(k,t+1) \cos \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] + Y_{i}(k,t+1) \sin \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right]$$

[0053]

ここで、

[0054]

【数9】

$$Y_r(k,t+1) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \cos \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \qquad \cdots \qquad \overrightarrow{x}(6)$$

$$Y_{i}(k,t+1) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \sin \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \qquad \cdots \qquad \overrightarrow{x}(7)$$

[0055]

そこで、最も古いデータである $\mathbf{x}$  (t) を削除し、最も新しいデータである $\mathbf{x}$  (t +N) を組み入れると、 $\mathbf{X_r}$  (k、t) を用いて $\mathbf{Y_r}$  (k、t+1) を表すことが可能となり、同様に、 $\mathbf{Y_i}$  (k、t+1) を $\mathbf{X_i}$  (k、t) で表すこともことも可能となる。

[0056]

その結果、式(6)、式(7)は次のように書き表わされる。

[0057]

【数10】

$$Y_r(k,t+1) = X_r(k,t) + \frac{1}{\sqrt{N}} [x(t+N) - x(t)]$$
 ......

$$Y_i(k,t+1) = X_i(k,t) \qquad \cdots \vec{x}(9)$$

[0058]

次に、虚数部の変換式(4)についても、同様に展開する。

即ち、新しいデータx (t+N) が供給されるとき、虚数部の変換も同様にして 次式のように展開される。

[0059]

【数11】

$$X_{i}(k,t+1) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \sin \left[ 2(n-t-1) \frac{\pi k}{N} \right] \qquad \cdots \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{N}} \left\{ \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \sin \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \cos \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] - \sum_{n=t+1}^{t+N} x(n) \cos \left[ 2(n-t) \frac{\pi k}{N} \right] \sin \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] \right\}$$

$$= Y_{i}(k,t+1) \cos \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right] - Y_{r}(k,t+1) \sin \left[ 2 \frac{\pi k}{N} \right]$$

[0060]

従って、式(8)、式(9)の関係を基に、式(5)、及び式(10)は次のよう に書き表すことが出来る。

[0061]

【数12】

$$X_{r}(k,t+1) = \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{\sqrt{N}} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right.$$

$$\times \cos \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right] + X_{i}(k,t) \sin \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right] \right\}$$

$$\dots \quad \overrightarrow{x} \quad (11)$$

$$X_{i}(k,t+1) = X_{i}(k,t) \cos \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right]$$

$$- \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{\sqrt{N}} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\} \sin \left[ 2\frac{\pi k}{N} \right]$$

[0062]

このようにして、時間t+1における離散フーリエ変換は、時間tにおける離散フーリエ演算結果を再帰的に用いるとともに、新しく取り込んだサンプル値x(t+N)と削除するサンプル値x(t)の差のデータ値を用いて式(11)、式(12)により計算して求めることができることになる。

………式(12)

このようにして求められる離散フーリエ変換は、本来的には有限なサンプル数 Nに対して処理を行うFIRフィルタ(非巡回形デジタルフィルタ)であるが、前述の式(11)、及び式(12)の変換式からも明らかように、現サンプリング時間における離散フーリエ変換を前サンプリング時間に求められた離散フーリエ変換結果を用いて導く、IIRフィルタ(巡回形デジタルフィルタ)を用いて実現している。

[0064]

このDFTをIIRフィルタにより実現する方法は、それをFIRフィルタで構成するよりも演算のためのハードウェア構成を簡単にすることができるため、以上述べたような変換式により示される再帰型離散フーリエ変換を行う場合は、前述の図2に示したようなサンプリング時間間隔で、逐次サンプリングされた新しいデータが供給され、その新しいデータ値を含む最新のデータ列に対して演算

効率の高いフーリエ変換を行うことができるものである。

[0065]

以上、供給されるデータ列に対し、サンプリング時間間隔で連続的にフーリエ 変換処理を行えることを述べたが、供給されるデータ列の長さを可変し、フーリ 工変換による解析解像度を任意に設定して行う再帰型離散フーリエ変換方法を実 現することが出来る。

[0066]

それは、DFTにより分析して得た結果を用いて適応的な信号処理を行う場合、あるいは対象とする制御系の制御を行う場合など、目的に応じた分析結果を得るため、その離散フーリエ変換を任意の周波数帯域を任意の解像度(周波数間隔)で解析出来ることが必要となる。

[0067]

図3に、目的とする離散フーリエ解析により得るべき周波数関係を示す。

同図において、解析すべき周波数帯域の最低周波数をf1、最高周波数をf2とし、そのf1とf2の間をNポイントの解像度を有する再帰型離散フーリエ変換として行うための方法について述べる。

[0068]

その解像度の設定は、前述の図1に示した再帰型離散フーリエ変換装置に示した基底周波数設定部2で行われ、ここで設定された解像度情報に基づいて、再帰型DFT演算部3は解析する任意の周波数帯域の最低周波数f1と最高周波数f2、及びそれらの周波数f1とf2の間をN分割した値で示す所望の解像度(周波数間隔)をNポイントとするフーリエ変換を行うものである。

[0069]

このようにして行う、所望する任意の周波数帯域について所望する解像度を有して離散フーリエ変換演算をサンプリング時間間隔毎に行う方法について詳細に述べる。

[0070]

再帰型離散フーリエ変換を行うときに使用する式(11)、及び式(12)において、 三角関数で示される $\cos \left[ 2\,\pi\,k/N \right]$ 、及び $\sin \left[ 2\,\pi\,k/N \right]$ は、演算により求めるべき解 析ポイント数Nに関る基底関数を表している。

[0071]

従って、これらの三角関数中に示される基底周波数に関るk/Nを所望する周波数帯域に一致するように、f1、f2、及びfsの値を設定する。

ここで、最低周波数f1に相当する基底関数の基底周波数 $\alpha$ を、 $\alpha = f1/fs$ とし、最高周波数f2に相当する基底関数の基底周波数 $\beta$ を $\beta = f2/fs$ とする。

[0072]

そして、解像度をNポイントとするとき、周波数帯域f1~f2における基底周波数は

[0073]

【数13】

$$\left(\frac{\beta-\alpha}{N-1}\right)k+\alpha$$

(ただし
$$k=0\sim N-1$$
)

[0074]

となり、従って、式(11)、及び式(12)における基底周波数k/Nを次の式(13)で置きかえることにより、解析を所望する任意の周波数帯域について、所望する任意の解像度を有して変換を行うのに適した再帰型フーリエ変換の式を得ることが出来る。

[0075]

【数14】

$$\frac{1}{fs} \left\{ \frac{(f2-f1)k}{N-1} + f1 \right\} \qquad \dots \dots 式(13)$$
(ただし、0≦k≦N-1)

[0076]

その、任意の周波数解像度により変換を行なうための式を式(14)、及び式( 15)として示す。

[0077]

【数15】

$$X_{r}(k,t+1) = \left\{ X_{r}(k,t) + \frac{1}{A} \left[ x(t+N) - x(t) \right] \right\}$$

$$\times \cos \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$+ X_{i}(k,t) \sin \left\{ 2 \frac{\pi}{fs} \left[ \frac{(f2 - f1)k}{N - 1} + f1 \right] \right\}$$

$$\dots \dots \overrightarrow{\pi}. (14)$$

[0078]

【数16】

[0079]

このようして、解析のための解像度を任意に設定する再帰型離散フーリエ変換

## 特2000-198374

演算を行うことができるが、そのフーリエ変換処理は新しく供給されるサンプル値毎に、式(11)、及び式(12)を用いて行うことができ、その演算処理はkの値を0、1、2、・・・・、N-1と変えて行うことにより、それぞれのkの値に応じて設定される各基底周波数における変換処理結果が得られる。

#### [0080]

ここで、再帰型離散フーリエ変換演算を行う変換式は、ある特定のkの値により設定される基底周波数は、他のkの値により設定される基底周波数の分析に対して関連することなく独立に変換処理結果を得ることが出来るため、任意のkの値に関連する特定の基底周波数に対するフーリエ変換演算結果を単独に求めることも可能である。

#### [0081]

そして、特定の周波数ポイントに着目したとき、すなわちkを特定の値としたとき、式(11)、及び式(12)中にある三角関数の値は定数となるため、従来から用いられている前述の離散フーリエ変換の定義式(1)を用いて特定の基底関数に関るフーリエ変換よりも容易にその基底関数に関るフーリエ演算結果を得ることが出来る。

#### [0082]

この特定の基底関数に関る信号成分の演算処理は、バタフライ演算を用いるFFTの場合ではさらに困難であるため、ここに示した再帰型離散フーリエ変換方法は、今後もますます多様的に使用される信号解析手法として幅広い応用が期待されるものである。

#### [0083]

以上、再帰型離散フーリエ変換方法について述べたが、この変換方法は解析を 所望する基底周波数を選択して行えることから、FFTのように取り扱うポイン ト数が2の冪乗に制限されることはなく、任意の正の整数値を取り得るものであ る。

## [0084]

また、ここでは再帰型離散フーリエ変換方法について述べたが、同様の変換方法に再帰型逆離散フーリエ変換方法がある。

即ち、再帰型離散フーリエ変換方法は時系列データを周波数系列のデータに変換する方法であるが、再帰型逆離散フーリエ変換方法は周波数系列データを時系列のデータに変換する方法であり、ここに述べた方法を応用して再帰型逆離散フーリエ変換方法を実現することが出来る。

#### [0085]

そして、周波数系列のデータを再帰型逆離散フーリエ変換方法により時系列データとして生成し、生成された時系列データを再帰型離散フーリエ変換方法により周波数系列のデータに変換するときは、両者が相対応するパラメータを利用して変換を行う場合は、元の周波数系列データが再現される。

#### [0086]

そのパラメータとは、前述の式(14)、及び式(15)においてAとして示した振幅 値を規定する数値などであり、この数値としては1、N、又はNの平方根などの 値が割り付けられて用いられるものである。

#### [0087]

即ち、パラメータとして数値 a が用いられて再帰型逆離散フーリエ変換がなされて生成されたデータを再帰型離散フーリエ変換に供給するようにして対称的な信号変換、信号再変換を行う場合は、そのときに用いられるパラメータに対応するAを用いてフーリエ逆変換、及びフーリエ変換を行なうと変換前のデータを得ることが出来る。

#### [0088]

そのa、及びAにより与えられる信号の振幅が、フーリエ逆変換側で与えられる値が1のときはフーリエ変換側ではNとし、フーリエ逆変換側がNのときはフーリエ変換側は1とし、そしてフーリエ逆変換側がNの平方根によるときはフーリエ変換側でもNの平方根に基づく振幅を与えるようにすると、フーリエ逆変換を行なった信号をフーリエ変換することにより変換前のデータを得ることができる。

#### [0089]

そして、このフーリエ逆変換をOFDM(直交周波数分割多重)信号の生成装置に、フーリエ変換をOFDM信号受信装置に使用するような場合は、伝送され

るOFDM信号はその経路中で振幅値(伝送される信号の利得)を変動させる要因が多くあり、離散フーリエ変換時の振幅値は逆離散フーリエ変換時の値にほぼ対応している程度で良く、実際には離散フーリエ変換におけるAの値は組み込みやすい値を適宜選択して設定すればよい。

[0090]

#### 【発明の効果】

請求項1記載の発明によれば、供給されるN個のサンプルよりなるデータ列に対して複素フーリエ変換を行い、次に供給される新しいサンプルのサンプル値より、既に複素フーリエ変換を行うために使用した最も古いサンプル値を減算して減算値を求めると共にその最も古いサンプルを削除し、その減算値と既に求めた複素フーリエ演算結果を基にして新しいN個のサンプルに対する離散フーリエ演算結果を求めることができるので、従来の様にNサンプルのデータが供給されてからフーリエ演算を行うのと異なり、1サンプル期間内に高速にフーリエ演算結果を得ることが出来る効果を有している。

#### [0091]

また、請求項2記載の発明によれば、供給されるN個のサンプルよりなるデータ列に対して複素フーリエ変換を行い、次に供給される新しいサンプルのサンプル値より、既に複素フーリエ変換を行うために使用した最も古いサンプル値を減算して減算値を求めると共にその最も古いサンプルを削除し、その減算値と既に求めた複素フーリエ演算結果を基にして新しいN個のサンプルに対する離散フーリエ演算結果を求めるに際し、分析して得るための周波数範囲を予めf1、及びf2により設定し、また解像度をNにより設定した基底周波数を用いてフーリエ演算を行うため、従来の様にNサンプルのデータが供給されてからフーリエ演算を行うときに一義的に周波数範囲と分解能が設定されてしまうのと異なり、任意の周波数範囲と分解能に対するフーリエ演算結果を、1サンプル期間内に高速に得ることが出来る効果を有している。

#### [0092]

また、請求項3記載の発明によれば、請求項1及び請求項2の効果に加え、特に正の定数値Aを1、N、又はNの平方根などの値を適宜選択して設定したFF

Tにより演算処理を行なうことが出来るので、例えば通信装置に用いられ、伝送すべき情報信号をIFFT(逆高速フーリエ変換)変換処理して時系列信号に変換してその時系列信号を伝送するような場合、その伝送された信号をFFTに供給してFFT演算を行うことにより情報信号を得るようなフーリエ演算方法において、そのIFFT演算に使用された、例えば1、N、又はNの平方根の数であるaの定数値に対応する定数値AをFFT演算処理回路に用い、前記IFFTと相補的に動作するFFTを構成して前記情報信号を復号することができるなど、相対応する系から供給される信号に対しても、その系でのIFFT演算に使用されたaに対応する定数値Aを用いることにより、品質の良い特性を有する系を構築することができる効果がある。

#### [0093]

また、請求項4記載の発明によれば、請求項1及び請求項2の効果に加え、特にkの値を特定の値に設定することにより、kの値で定められる特定の周波数に対するフーリエ分析結果を早く算出することができるため、その特定の周波数のフーリエ変換結果により制御される系があるとき、その系の制御を最小の遅延時間で行なうことが出来、システム全体の応答特性を改善することができるので、さらに品質の良い特性を有する系を構築することができる効果がある。

#### 【図面の簡単な説明】

#### 【図1】

本発明の実施例に関わる再帰型離散フーリエ変換装置の概略構成を示す図である。

#### 【図2】

本発明の実施例に関わる再帰型離散フーリエ変換装置に供給される信号波形を サンプリングして得られるデータ値と、それに対するDFT演算の関係を模式的 に示した図である。

#### 【図3】

本発明の実施例に関わる再帰型離散フーリエ変換装置における解析周波数範囲、及び解像度の設定に関する周波数関係を示す図である。

#### 【符号の説明】

# 特2000-198374

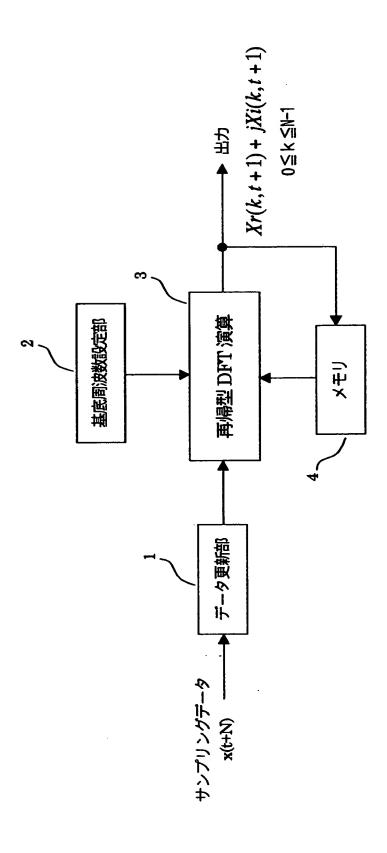
- 1 データ更新部
- 2 基底周波数設定部
- 3 再帰型DFT演算部
- 4 メモリ部



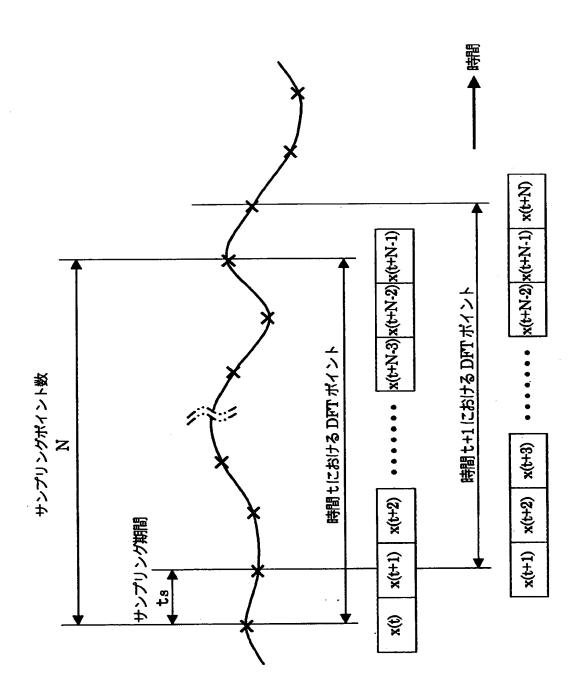
【書類名】

図面

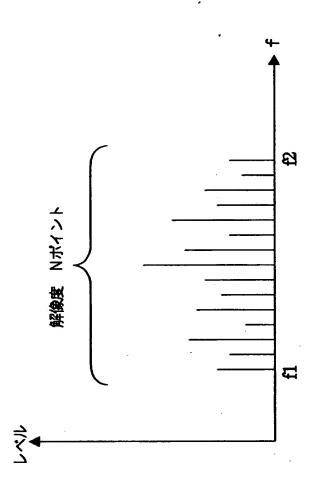
【図1】



【図2】







## 特2000-1983-74

【書類名】 要約書

【要約】

【課題】 逐次供給される、サンプリングデータを含むデータ列のフーリエ 変換処理を、1サンプリング期間内で高速に行うことにある。

【解決手段】 逐次供給されるデータのうち、最新のN個のデータを取得し古いデータは削除するようにして一時記憶するに際し、直近に供給されたデータ値と削除するデータ値の差の値をデータ更新部1より供給し、この供給されたデータと値と、メモリ部3に一時記憶された直近のFFT演算結果とを再帰型DFT演算部に供給し、これらの値を所定の方法により演算して最新のN個のデータ値に対するFFT演算結果をリアルタイムに出力するようにした。

【選択図】 図1

## 出願人履歴情報

識別番号

[000004329]

1. 変更年月日 1990年 8月 8日

[変更理由] 新規登録

住 所 神奈川県横浜市神奈川区守屋町3丁目12番地

氏 名 日本ビクター株式会社